

## Вариант 8.

**Задача 1.** Повстречались таракан, муравей и божья коровка. Начали спорить – кто из них более тяжелый груз может поднять? Таракан похвастался, что он однажды то ли с 6-ю, то ли с 7-ю своими братьями-близнецами поднял камень массой в пол-унции. На это божья коровка возразила, что она лишь с одной своей сестрицей подняла веточку в целый золотник, а муравей рассказал, как он тащил на себе бриллиант массой чуть больше, чем 10 карат. Можно ли по этим данным определить, кто из них может больше поднять? Унция (обычная) равна 28,35 г; золотник примерно равен 4,266 г; карат равен 0,2 г

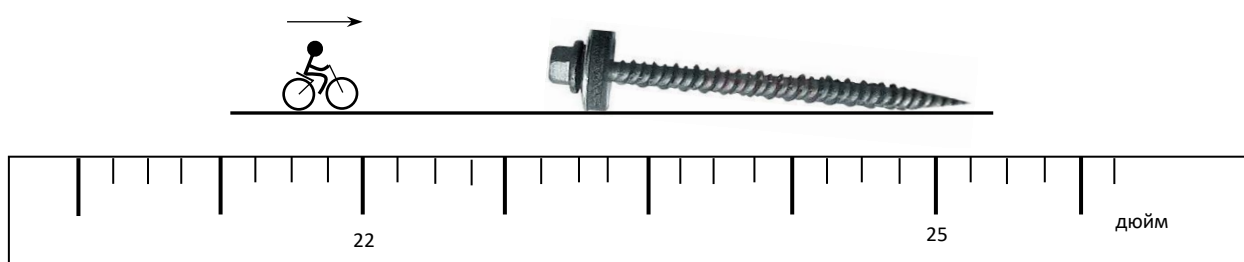
**Возможное решение.** Таракан поднимал от  $\frac{1}{2 \cdot 8}$  до  $\frac{1}{2 \cdot 7}$  унции, так как всего их было 1+6 или 1+7. Т.е. от 1,77 г до 2,03 г (округлено до сотых). Божья коровка подняла примерно 2,13 г, а муравей - больше 2 г, т.е. это могло бы быть, скажем, 2,15 г или 2,08. Таким образом, таракан зря хвастался, а в паре божья коровка и муравей «первым» мог оказаться каждый. Другими словами, точность определения массы грузов, поднятых букашками, на основе данных задачи недостаточна, чтобы дать однозначный ответ. Больше всех может поднять либо божья коровка, либо муравей.

**Критерии оценивания.**

- |   |         |
|---|---------|
| 1. Таракан - от 1,77 г до 2,03 г                              | 3 балла |
| 2. Коровка подняла примерно 2,13 г                            | 2 балла |
| 3. Муравей - больше 2 г                                       | 1 балл  |
| 4. Однозначного ответа нет                                    | 3 балла |
| 5. Больше всех может поднять либо божья коровка, либо муравей | 1 балл  |

**Задача 2.** С помощью рисунка определите, за какое время Фиксик на мини-велосипеде проедет мимо лежащего на столе самореза, если 1 дюйм = 2,54 см. Фиксик движется с постоянной скоростью 1 км/ч. Ответ получите в секундах и округлите до сотых. Можно ли считать Фиксика на велосипеде материальной точкой?

Примечание. Материальная точка – тело, размерами которого в условиях данной задачи можно пренебречь.



**Возможное решение.** Из рисунка следует, что цена деления линейки  $\frac{25-22}{4 \cdot 4} = \frac{3}{16}$  дюйма  $\cong 0,48$  см. Длина самореза  $12 \cdot \frac{3}{16} \cdot 2,54 = 5,715$  см. Фиксика на велосипеде считать материальной точкой нельзя, поэтому учтём их размер. Длина велосипеда  $2,5 \cdot \frac{3}{16} \cdot 2,54 \cong 1,191$  см. Скорость Фиксика  $1 \frac{\text{км}}{\text{ч}} = 27,8$  см/с. Отсюда получаем время:

$$t = \frac{6,906}{27,8} = 0,25 \text{ с.}$$

**Критерии оценивания.**

- |   |         |
|---|---------|
| 1. Длина самореза 5,715 см                      | 2 балла |
| 2. Фиксик на велосипеде - не материальная точка | 2 балла |

- |   |         |
|---|---------|
| 3. Длина велосипеда 1,191 м                           | 2 балла |
| 4. $1 \frac{\text{км}}{\text{ч}} = 27,8 \text{ см/с}$ | 2 балла |
| 5. $t = 0,25 \text{ с}$                               | 2 балла |

**Задача 3.** Если заполнять бочку из красного шланга, по которому течёт горячая вода, то она наполнится за 40 минут. Если же наполнять её синим шлангом, по которому течёт холодная вода, то бочка наполнится за 24 минуты. За какое время наберётся бочка, если воспользоваться обоими шлангами?

**Возможное решение.** Если объём бочки равен  $V$ , то при использовании красного и синего шлангов скорость наполнения бочки составляет  $V/24+V/40$ . В данном случае размерность скорости – (единица объёма)/мин. Время наполнения бочки составит:

$$t = \frac{V}{\frac{V}{24} + \frac{V}{40}} = \frac{24 \cdot 40}{64} = 15 \text{ мин.}$$

**Критерии оценивания.**

- |   |         |
|---|---------|
| 1. Скорость наполнения бочки в случае красного шланга: $\frac{V}{24}$ | 2 балла |
| 2. Скорость наполнения бочки в случае синего шланга: $\frac{V}{40}$   | 2 балла |
| 3. При использовании обоих шлангов: $V/24+V/40$                       | 2 балла |
| 4. $t = 15 \text{ мин}$   | 4 балла |

**Задача 4.** Два товарных поезда отправляются из Москвы в Санкт-Петербург с интервалом в 20 мин и едут с одинаковыми постоянными скоростями. Из Санкт-Петербурга в Москву с интервалом в 40 мин отправляются два рейсовых поезда, которые тоже едут с одинаковой постоянной скоростью. Машинист рейсового поезда заметил, что машинисты товарных поездов проехали мимо него с разницей в 8 мин. С каким интервалом проедут мимо машиниста товарного поезда машинисты рейсовых поездов?

**Возможное решение.** Пусть  $v_1$  – скорость товарных поездов,  $v_2$  – скорость рейсовых поездов. Тогда расстояние (вдоль железнодорожного полотна) между машинистами товарных поездов равно  $s_1 = v_1 t_1$ , где  $t_1 = 20$  мин, а расстояние между машинистами рейсовых поездов равно  $s_2 = v_2 t_2$ , где  $t_2 = 40$  мин. Скорость сближения товарного и рейсового поездов равна  $v_1 + v_2$ . Найдем соотношение между скоростями  $v_1$  и  $v_2$ :

$$s_1 = (v_1 + v_2)t_3 \Rightarrow 20v_1 = 8(v_1 + v_2) \Rightarrow 1,5v_1 = v_2,$$

где  $t_3 = 8$  мин.

Ответ на искомый вопрос находится аналогичным образом:

$$s_2 = (v_1 + v_2)t \Rightarrow t = \frac{40v_2}{v_1 + v_2} = 24 \text{ мин.}$$

**Критерии оценивания.**

- |                                     |         |
|-------------------------------------|---------|
| 1. $s_1 = v_1 t_1$                  | 1 балл  |
| 2. $s_2 = v_2 t_2$                  | 1 балл  |
| 3. $v_1 + v_2$ – скорость сближения | 2 балла |
| 4. $s_1 = (v_1 + v_2)t_3$           | 2 балла |
| 5. $1,5v_1 = v_2$                   | 1 балл  |
| 6. $s_2 = (v_1 + v_2)t$             | 2 балла |
| 7. $t = 24 \text{ мин}$             | 1 балл  |

## Вариант 1

**Задача 1.** Повстречались таракан, муравей и божья коровка. Начали спорить – кто из них более тяжелый груз может поднять? Таракан похвастался, что он однажды то ли с 7-ю, то ли с 8-ю своими братьями-близнецами поднял камень массой в пол-унции. На это божья коровка возразила, что она лишь с одной своей сестрицей подняла веточку в целый золотник, а муравей рассказал, как он тащил на себе бриллиант массой чуть больше, чем 10,5 карат. Можно ли по этим данным определить, кто из них может больше поднять? Унция (обычная) равна 28,35 г; золотник примерно равен 4,266 г; карат равен 0,2 г

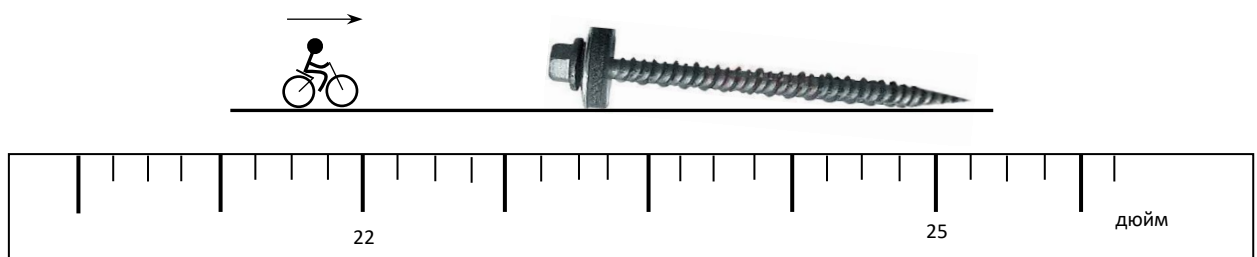
**Возможное решение.** Таракан поднимал от  $\frac{1}{2 \cdot 9}$  до  $\frac{1}{2 \cdot 8}$  унции, так как всего их было 1+7 или 1+8. Т.е. от 1,59 г до 1,79 г (округлено до сотых). Божья коровка подняла примерно 2,13 г, а муравей - больше 2,1 г, т.е. это могло бы быть, скажем, 2,15 г или 2,12. Таким образом, таракан зря хвастался, а в паре божья коровка и муравей «первым» мог оказаться каждый. Другими словами, точность определения массы грузов, поднятых букашками, на основе данных задачи недостаточна, чтобы дать однозначный ответ. Больше всех может поднять либо божья коровка, либо муравей.

### Критерии оценивания.

- |  |         |
|--|---------|
| • Таракан - от 1,59 г до 1,79 г                              | 3 балла |
| • Коровка подняла примерно 2,13 г                            | 2 балла |
| • Муравей - больше 2,1 г                                     | 1 балл  |
| • Однозначного ответа нет                                    | 3 балла |
| • Больше всех может поднять либо божья коровка, либо муравей | 1 балл  |

**Задача 2.** С помощью рисунка определите, за какое время Фиксик на мини-велосипеде проедет мимо лежащего на столе самореза, если 1 дюйм = 2,54 см. Фиксик движется с постоянной скоростью 2 км/ч. Ответ получите в секундах и округлите до сотых. Можно ли считать Фиксика на велосипеде материальной точкой?

Примечание. Материальная точка – тело, размерами которого в условиях данной задачи можно пренебречь.



**Возможное решение.** Из рисунка следует, что цена деления линейки  $\frac{25-22}{4 \cdot 4} = \frac{3}{16}$  дюйма  $\cong 0,48$  см. Длина самореза  $12 \cdot \frac{3}{16} \cdot 2,54 = 5,715$  см. Фиксика на велосипеде считать материальной точкой нельзя, поэтому учтём их размер. Длина велосипеда  $2,5 \cdot \frac{3}{16} \cdot 2,54 \cong 1,191$  см. Скорость Фиксика  $2 \frac{\text{км}}{\text{ч}} = 55,6$  см/с. Отсюда получаем время:

$$t = \frac{6,906}{55,6} = 0,12 \text{ с.}$$

### Критерии оценивания.

- |  |         |
|--|---------|
| • Длина самореза 5,715 см                      | 2 балла |
| • Фиксик на велосипеде - не материальная точка | 2 балла |
| • Длина велосипеда 1,191 см                    | 2 балла |

- $2 \frac{\text{км}}{\text{ч}} = 55,6 \text{ см/с}$  2 балла
- $t = 0,12 \text{ с}$  2 балла

**Задача 3.** Если заполнять бочку из красного шланга, по которому течёт горячая вода, то она наполнится за 30 минут. Если же наполнять её синим шлангом, по которому течёт холодная вода, то бочка наполнится за 15 минуты. За какое время наберётся бочка, если воспользоваться обоими шлангами?

**Возможное решение.** Если объём бочки равен  $V$ , то при использовании красного и синего шлангов скорость наполнения бочки составляет  $V/15+V/30$ . В данном случае размерность скорости – (единица объёма)/мин. Время заполнения бочки составит:

$$t = \frac{V}{\frac{V}{30} + \frac{V}{15}} = \frac{15 \cdot 30}{45} = 10 \text{ мин.}$$

**Критерии оценивания.**

- Скорость наполнения бочки в случае красного шланга:  $\frac{V}{15}$  2 балла
- Скорость наполнения бочки в случае синего шланга:  $\frac{V}{30}$  2 балла
- При использовании обоих шлангов:  $V/15+V/30$  2 балла
- $t = 10 \text{ мин}$  4 балла

**Задача 4.** Два товарных поезда отправляются из Москвы в Санкт-Петербург с интервалом в 30 мин и едут с одинаковыми постоянными скоростями. Из Санкт-Петербурга в Москву с интервалом в 40 мин отправляются два рейсовых поезда, которые тоже едут с одинаковой постоянной скоростью. Машинист рейсового поезда заметил, что машинисты товарных поездов проехали мимо него с разницей в 8 мин. С каким интервалом проедут мимо машиниста товарного поезда машинисты рейсовых поездов?

**Возможное решение.** Пусть  $v_1$  – скорость товарных поездов,  $v_2$  – скорость рейсовых поездов. Тогда расстояние (вдоль железнодорожного полотна) между машинистами товарных поездов равно  $s_1 = v_1 t_1$ , где  $t_1 = 30$  мин, а расстояние между машинистами рейсовых поездов равно  $s_2 = v_2 t_2$ , где  $t_2 = 40$  мин. Скорость сближения товарного и рейсового поездов равна  $v_1 + v_2$ . Найдем соотношение между скоростями  $v_1$  и  $v_2$ :

$$s_1 = (v_1 + v_2)t_3 \Rightarrow 30v_1 = 8(v_1 + v_2) \Rightarrow 2,75v_1 = v_2,$$

где  $t_3 = 8$  мин.

Ответ на искомый вопрос находится аналогичным образом:

$$s_2 = (v_1 + v_2)t \Rightarrow t = \frac{40v_2}{v_1 + v_2} = 29 \text{ мин.}$$

**Критерии оценивания.**

- $s_1 = v_1 t_1$  1 балл
- $s_2 = v_2 t_2$  1 балл
- $v_1 + v_2$  – скорость сближения 2 балла
- $s_1 = (v_1 + v_2)t_3$  2 балла
- $2,75v_1 = v_2$  1 балл
- $s_2 = (v_1 + v_2)t$  2 балла
- $t = 29 \text{ мин}$  1 балл

## Вариант 2

**Задача 1.** Повстречались таракан, муравей и божья коровка. Начали спорить – кто из них более тяжелый груз может поднять? Таракан похвастался, что он однажды то ли с 8-ю, то ли с 9-ю своими братьями-близнецами поднял камень массой в пол-унции. На это божья коровка возразила, что она лишь с одной своей сестрицей подняла веточку в целых два золотника, а муравей рассказал, как он тащил на себе бриллиант массой чуть больше, чем 21 карат. Можно ли по этим данным определить, кто из них может больше поднять? Унция (обычная) равна 28,35 г; золотник примерно равен 4,266 г; карат равен 0,2 г

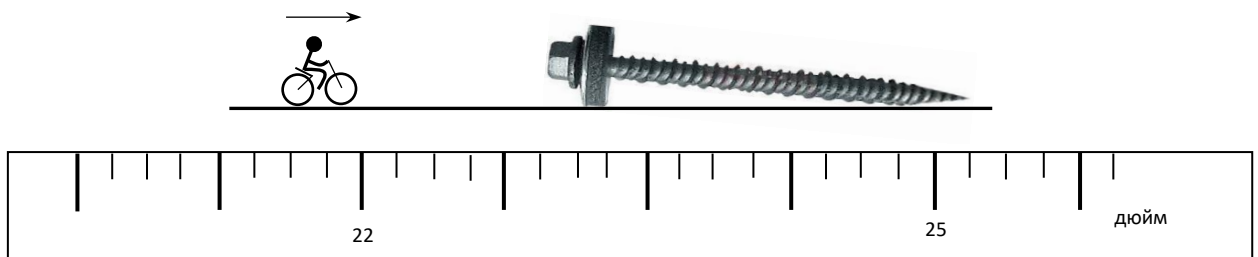
**Возможное решение.** Таракан поднимал от  $\frac{1}{2 \cdot 10}$  до  $\frac{1}{2 \cdot 9}$  унции, так как всего их было 1+8 или 1+9. Т.е. от 1,42 г до 1,58 г (округлено до сотых). Божья коровка подняла примерно 4,27 г, а муравей - больше 4,2 г, т.е. это могло бы быть, скажем, 4,21 г или 4,28. Таким образом, таракан зря хвастался, а в паре божья коровка и муравей «первым» мог оказаться каждый. Другими словами, точность определения массы грузов, поднятых букашками, на основе данных задачи недостаточна, чтобы дать однозначный ответ. Больше всех может поднять либо божья коровка, либо муравей.

### Критерии оценивания.

- |  |         |
|--|---------|
| • Таракан - от 1,42г до 1,58 г                               | 3 балла |
| • Коровка подняла примерно 4,27 г                            | 2 балла |
| • Муравей - больше 4,2 г                                     | 1 балл  |
| • Однозначного ответа нет                                    | 3 балла |
| • Больше всех может поднять либо божья коровка, либо муравей | 1 балл  |

**Задача 2.** С помощью рисунка определите, за какое время Фиксик на мини-велосипеде проедет мимо лежащего на столе самореза, если 1 дюйм = 2,54 см. Фиксик движется с постоянной скоростью 3 км/ч. Ответ получите в секундах и округлите до сотых. Можно ли считать Фиксика на велосипеде материальной точкой?

Примечание. Материальная точка – тело, размерами которого в условиях данной задачи можно пренебречь.



**Возможное решение.** Из рисунка следует, что цена деления линейки  $\frac{25-22}{4 \cdot 4} = \frac{3}{16}$  дюйма  $\cong 0,48$  см. Длина самореза  $12 \cdot \frac{3}{16} \cdot 2,54 = 5,715$  см. Фиксика на велосипеде считать материальной точкой нельзя, поэтому учтём их размер. Длина велосипеда  $2,5 \cdot \frac{3}{16} \cdot 2,54 \cong 1,191$  см. Скорость фиксика  $3 \frac{\text{км}}{\text{ч}} = 83,4$  см/с. Отсюда получаем время:

$$t = \frac{6,906}{83,4} = 0,08 \text{ с.}$$

### Критерии оценивания.

- |  |         |
|--|---------|
| • Длина самореза 5,715 см                      | 2 балла |
| • Фиксик на велосипеде - не материальная точка | 2 балла |
| • Длина велосипеда 1,191 см                    | 2 балла |

- $3 \frac{\text{км}}{\text{ч}} = 83,4 \text{ см/с}$  2 балла
- $t = 0,08 \text{ с.}$  2 балла

**Задача 3.** Если заполнять бочку из красного шланга, по которому течёт горячая вода, то она наполнится за 20 минут. Если же наполнять её синим шлангом, по которому течёт холодная вода, то бочка наполнится за 10 минут. За какое время наберётся бочка, если воспользоваться обоими шлангами?

**Возможное решение.** Если объём бочки равен  $V$ , то при использовании красного и синего шлангов скорость наполнения бочки составляет  $V/10+V/20$ . В данном случае размерность скорости – (единица объёма)/мин. Время заполнения бочки составит:

$$t = \frac{V}{\frac{V}{20} + \frac{V}{10}} = \frac{10 \cdot 20}{30} = 6,7 \text{ мин.}$$

**Критерии оценивания.**

- Скорость наполнения бочки в случае красного шланга:  $\frac{V}{10}$  2 балла
- Скорость наполнения бочки в случае синего шланга:  $\frac{V}{20}$  2 балла
- При использовании обоих шлангов:  $V/10+V/20$  2 балла
- $t = 6,7 \text{ мин}$  4 балла

**Задача 4.** Два товарных поезда отправляются из Москвы в Санкт-Петербург с интервалом в 20 мин и едут с одинаковыми постоянными скоростями. Из Санкт-Петербурга в Москву с интервалом в 50 мин отправляются два рейсовых поезда, которые тоже едут с одинаковой постоянной скоростью. Машинист рейсового поезда заметил, что машинисты товарных поездов проехали мимо него с разницей в 8 мин. С каким интервалом проедут мимо машиниста товарного поезда машинисты рейсовых поездов?

**Возможное решение.** Пусть  $v_1$  – скорость товарных поездов,  $v_2$  – скорость рейсовых поездов. Тогда расстояние (вдоль железнодорожного полотна) между машинистами товарных поездов равно  $s_1 = v_1 t_1$ , где  $t_1 = 20$  мин, а расстояние между машинистами рейсовых поездов равно  $s_2 = v_2 t_2$ , где  $t_2 = 50$  мин. Скорость сближения товарного и рейсового поездов равна  $v_1 + v_2$ . Найдем соотношение между скоростями  $v_1$  и  $v_2$ :

$$s_1 = (v_1 + v_2)t_3 \Rightarrow 20v_1 = 8(v_1 + v_2) \Rightarrow 1,5v_1 = v_2,$$

где  $t_3 = 8$  мин.

Ответ на искомый вопрос находится аналогичным образом:

$$s_2 = (v_1 + v_2)t \Rightarrow t = \frac{50v_2}{v_1 + v_2} = 30 \text{ мин.}$$

**Критерии оценивания.**

- $s_1 = v_1 t_1$  1 балл
- $s_2 = v_2 t_2$  1 балл
- $v_1 + v_2$  – скорость сближения 2 балла
- $s_1 = (v_1 + v_2)t_3$  2 балла
- $1,5v_1 = v_2$  1 балл
- $s_2 = (v_1 + v_2)t$  2 балла
- $t = 30 \text{ мин}$  1 балл

### 7 класс вариант 3

**Задача 1.** Повстречались таракан, муравей и божья коровка. Начали спорить – кто из них более тяжелый груз может поднять? Таракан похвастался, что он однажды то ли с 5-ю, то ли с 6-ю своими братьями-близнецами поднял камень массой в пол-унции. На это божья коровка возразила, что она лишь с одной своей сестрицей подняла веточку в целый золотник, а муравей рассказал, как он тащил на себе бриллиант массой чуть больше, чем 10,5 карат. Можно ли по этим данным определить, кто из них может больше поднять? Унция (обычная) равна 28,35 г; золотник примерно равен 4,266 г; карат равен 0,2 г

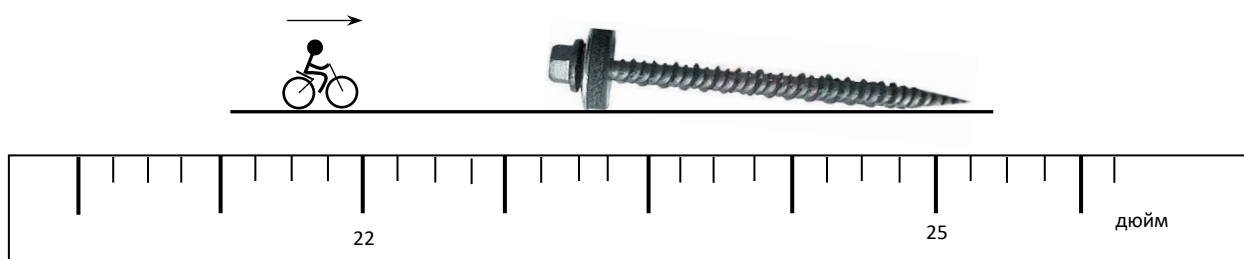
**Возможное решение.** Таракан поднимал от  $\frac{1}{2 \cdot 7}$  до  $\frac{1}{2 \cdot 6}$  унции, так как всего их было 1+5 или 1+6. Т.е. от 2,03 г до 2,36 г (округлено до сотых). Божья коровка подняла примерно 2,13 г, а муравей - больше 2,1 г, т.е. это могло бы быть, скажем, 2,15 г или 2,12. Таким образом, точность определения массы грузов, поднятых букашками, на основе данных задачи недостаточна, чтобы дать однозначный ответ. Больше всех может поднять каждый из них.

#### Критерии оценивания.

- |   |         |
|---|---------|
| • Таракан - от 2,03 г до 2,36 г           | 3 балла |
| • Коровка подняла примерно 2,13 г         | 2 балла |
| • Муравей - больше 2,1 г                  | 1 балл  |
| • Однозначного ответа нет                 | 3 балла |
| • Больше всех может поднять каждый из них | 1 балл  |

**Задача 2.** С помощью рисунка определите, за какое время Фиксик на мини-велосипеде проедет мимо лежащего на столе самореза, если 1 дюйм = 2,54 см. Фиксик движется с постоянной скоростью 0,5 км/ч. Ответ получите в секундах и округлите до сотых. Можно ли считать Фиксика на велосипеде материальной точкой?

Примечание. Материальная точка – тело, размерами которого в условиях данной задачи можно пренебречь.



**Возможное решение.** Из рисунка следует, что цена деления линейки  $\frac{25-22}{4 \cdot 4} = \frac{3}{16}$  дюйма  $\cong 0,48$  см. Длина самореза  $12 \cdot \frac{3}{16} \cdot 2,54 = 5,715$  см. Фиксика на велосипеде считать материальной точкой нельзя, поэтому учтём их размер. Длина велосипеда  $2,5 \cdot \frac{3}{16} \cdot 2,54 \cong 1,191$  см. Скорость Фиксика  $0,5 \frac{\text{км}}{\text{ч}} = 13,9$  см/с. Отсюда получаем время:

$$t = \frac{6,906}{13,9} = 0,50 \text{ с.}$$

#### Критерии оценивания.

- |  |         |
|--|---------|
| • Длина самореза 5,715 см                      | 2 балла |
| • Фиксик на велосипеде - не материальная точка | 2 балла |

- Длина велосипеда 1,191 м 2 балла
- $0,5 \frac{\text{км}}{\text{ч}} = 13,9 \text{ см/с}$  2 балла
- $t = 0,50 \text{ с.}$  2 балла

**Задача 3.** Если заполнять бочку из красного шланга, по которому течёт горячая вода, то она наполнится за 50 минут. Если же наполнять её синим шлангом, по которому течёт холодная вода, то бочка наполнится за 15 минут. За какое время наберётся бочка, если воспользоваться обоими шлангами?

**Возможное решение.** Если объём бочки равен  $V$ , то при использовании красного и синего шлангов скорость наполнения бочки составляет  $V/15+V/50$ . В данном случае размерность скорости – (единица объёма)/мин. Время заполнения бочки составит:

$$t = \frac{V}{\frac{V}{50} + \frac{V}{15}} = \frac{15 \cdot 50}{65} = 11,5 \text{ мин.}$$

**Критерии оценивания.**

- Скорость наполнения бочки в случае красного шланга:  $\frac{V}{15}$  2 балла
- Скорость наполнения бочки в случае синего шланга:  $\frac{V}{50}$  2 балла
- При использовании обоих шлангов:  $V/15+V/20$  2 балла
- $t = 11,5 \text{ мин}$  4 балла

**Задача 4.** Два товарных поезда отправляются из Москвы в Санкт-Петербург с интервалом в 20 мин и едут с одинаковыми постоянными скоростями. Из Санкт-Петербурга в Москву с интервалом в 60 мин отправляются два рейсовых поезда, которые тоже едут с одинаковой постоянной скоростью. Машинист рейсового поезда заметил, что машинисты товарных поездов проехали мимо него с разницей в 10 мин. С каким интервалом проедут мимо машиниста товарного поезда машинисты рейсовых поездов?

**Возможное решение.** Пусть  $v_1$  – скорость товарных поездов,  $v_2$  – скорость рейсовых поездов. Тогда расстояние (вдоль железнодорожного полотна) между машинистами товарных поездов равно  $s_1 = v_1 t_1$ , где  $t_1 = 20$  мин, а расстояние между машинистами рейсовых поездов равно  $s_2 = v_2 t_2$ , где  $t_2 = 60$  мин. Скорость сближения товарного и рейсового поездов равна  $v_1 + v_2$ . Найдем соотношение между скоростями  $v_1$  и  $v_2$ :

$$s_1 = (v_1 + v_2)t_3 \Rightarrow 20v_1 = 10(v_1 + v_2) \Rightarrow v_1 = v_2,$$

где  $t_3 = 10$  мин.

Ответ на искомый вопрос находится аналогичным образом:

$$s_2 = (v_1 + v_2)t \Rightarrow t = \frac{60v_2}{v_1+v_2} = 30 \text{ мин.}$$

**Критерии оценивания.**

- $s_1 = v_1 t_1$  1 балл
- $s_2 = v_2 t_2$  1 балл
- $v_1 + v_2$  – скорость сближения 2 балла
- $s_1 = (v_1 + v_2)t_3$  2 балла
- $v_1 = v_2$  1 балл
- $s_2 = (v_1 + v_2)t$  2 балла
- $t = 30 \text{ мин}$  1 балл



## Вариант 4

**Задача 1.** Повстречались таракан, муравей и божья коровка. Начали спорить – кто из них более тяжелый груз может поднять? Таракан похвастался, что он однажды то ли с 6-ю, то ли с 7-ю своими братьями-близнецами поднял камень массой в пол-унции. На это божья коровка возразила, что она лишь с одной своей сестрицей подняла веточку в целых два золотника, а муравей рассказал, как он тащил на себе бриллиант массой чуть больше, чем 21 карат. Можно ли по этим данным определить, кто из них может больше поднять? Унция (обычная) равна 28,35 г; золотник примерно равен 4,266 г; карат равен 0,2 г

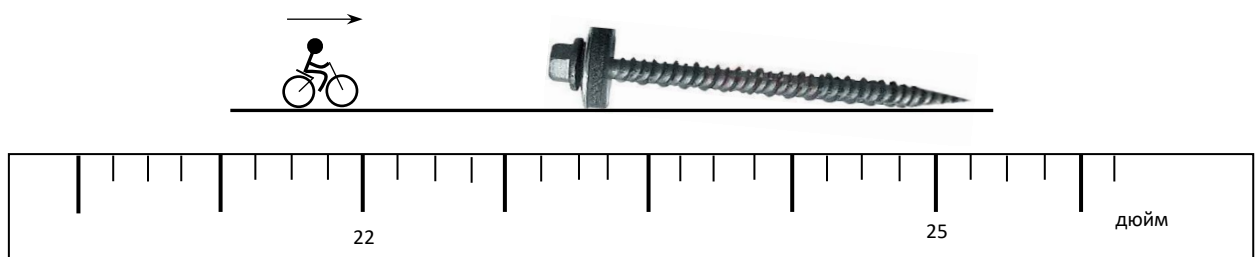
**Возможное решение.** Таракан поднимал от  $\frac{1}{2 \cdot 8}$  до  $\frac{1}{2 \cdot 7}$  унции, так как всего их было 1+6 или 1+7. Т.е. от 1,77 г до 2,03 г (округлено до сотых). Божья коровка подняла примерно 4,27 г, а муравей - больше 4,2 г, т.е. это могло бы быть, скажем, 4,21 г или 4,28. Таким образом, таракан зря хвастался, а в паре божья коровка и муравей «первым» мог оказаться каждый. Другими словами, точность определения массы грузов, поднятых букашками, на основе данных задачи недостаточна, чтобы дать однозначный ответ. Больше всех может поднять либо божья коровка, либо муравей.

### Критерии оценивания.

- |  |         |
|--|---------|
| • Таракан - от 1,77 г до 2,03 г                              | 3 балла |
| • Коровка подняла примерно 4,27 г                            | 2 балла |
| • Муравей - больше 4,2 г                                     | 1 балл  |
| • Однозначного ответа нет                                    | 3 балла |
| • Больше всех может поднять либо божья коровка, либо муравей | 1 балл  |

**Задача 2.** С помощью рисунка определите, за какое время Фиксик на мини-велосипеде проедет мимо лежащего на столе самореза, если 1 дюйм = 2,54 см. Фиксик движется с постоянной скоростью 1,5 км/ч. Ответ получите в секундах и округлите до сотых. Можно ли считать Фиксика на велосипеде материальной точкой?

Примечание. Материальная точка – тело, размерами которого в условиях данной задачи можно пренебречь.



**Возможное решение.** Из рисунка следует, что цена деления линейки  $\frac{25-22}{4 \cdot 4} = \frac{3}{16}$  дюйма  $\cong 0,48$  см. Длина самореза  $12 \cdot \frac{3}{16} \cdot 2,54 = 5,715$  см. Фиксика на велосипеде считать материальной точкой нельзя, поэтому учтём их размер. Длина велосипеда  $2,5 \cdot \frac{3}{16} \cdot 2,54 \cong 1,191$  см. Скорость Фиксика  $1,5 \frac{\text{км}}{\text{ч}} = 41,7$  см/с. Отсюда получаем время:

$$t = \frac{6,906}{41,7} = 0,17 \text{ с.}$$

### Критерии оценивания.

- |  |         |
|--|---------|
| • Длина самореза 5,715 см                      | 2 балла |
| • Фиксик на велосипеде - не материальная точка | 2 балла |
| • Длина велосипеда 1,191 см                    | 2 балла |

- $1,5 \frac{\text{км}}{\text{ч}} = 41,7 \text{ см/с}$  2 балла
- $t = 0,15 \text{ с.}$  2 балла

**Задача 3.** Если заполнять бочку из красного шланга, по которому течёт горячая вода, то она наполнится за 45 минут. Если же наполнять её синим шлангом, по которому течёт холодная вода, то бочка наполнится за 15 минут. За какое время наберётся бочка, если воспользоваться обоими шлангами?

**Возможное решение.** Если объём бочки равен  $V$ , то при использовании красного и синего шлангов скорость наполнения бочки составляет  $V/15+V/45$ . В данном случае размерность скорости – (единица объёма)/мин. Время заполнения бочки составит:

$$t = \frac{V}{\frac{V}{45} + \frac{V}{15}} = \frac{15 \cdot 45}{60} = 11,25 \text{ мин.}$$

**Критерии оценивания.**

- Скорость наполнения бочки в случае красного шланга:  $\frac{V}{15}$  2 балла
- Скорость наполнения бочки в случае синего шланга:  $\frac{V}{45}$  2 балла
- При использовании обоих шлангов:  $V/15+V/45$  2 балла
- $t = 11,25 \text{ мин}$  4 балла

**Задача 4.** Два товарных поезда отправляются из Москвы в Санкт-Петербург с интервалом в 30 мин и едут с одинаковыми постоянными скоростями. Из Санкт-Петербурга в Москву с интервалом в 60 мин отправляются два рейсовых поезда, которые тоже едут с одинаковой постоянной скоростью. Машинист рейсового поезда заметил, что машинисты товарных поездов проехали мимо него с разницей в 10 мин. С каким интервалом проедут мимо машиниста товарного поезда машинисты рейсовых поездов?

**Возможное решение.** Пусть  $v_1$  – скорость товарных поездов,  $v_2$  – скорость рейсовых поездов. Тогда расстояние (вдоль железнодорожного полотна) между машинистами товарных поездов равно  $s_1 = v_1 t_1$ , где  $t_1 = 30$  мин, а расстояние между машинистами рейсовых поездов равно  $s_2 = v_2 t_2$ , где  $t_2 = 60$  мин. Скорость сближения товарного и рейсового поездов равна  $v_1 + v_2$ . Найдем соотношение между скоростями  $v_1$  и  $v_2$ :

$$s_1 = (v_1 + v_2)t_3 \Rightarrow 30v_1 = 10(v_1 + v_2) \Rightarrow 2v_1 = v_2,$$

где  $t_3 = 10$  мин.

Ответ на искомый вопрос находится аналогичным образом:

$$s_2 = (v_1 + v_2)t \Rightarrow t = \frac{60v_2}{v_1 + v_2} = 40 \text{ мин.}$$

**Критерии оценивания.**

- $s_1 = v_1 t_1$  1 балл
- $s_2 = v_2 t_2$  1 балл
- $v_1 + v_2$  – скорость сближения 2 балла
- $s_1 = (v_1 + v_2)t_3$  2 балла
- $v_1 = v_2$  1 балл
- $s_2 = (v_1 + v_2)t$  2 балла
- $t = 40 \text{ мин}$  1 балл

## Вариант 5

**Задача 1.** Повстречались таракан, муравей и божья коровка. Начали спорить – кто из них более тяжелый груз может поднять? Таракан похвастался, что он однажды то ли с 8-ю, то ли с 9-ю своими братьями-близнецами поднял камень массой в пол-унции. На это божья коровка возразила, что она лишь с одной своей сестрицей подняла веточку в целых два золотника, а муравей рассказал, как он тащил на себе бриллиант массой чуть больше, чем 23 карата. Можно ли по этим данным определить, кто из них может больше поднять? Унция (обычная) равна 28,35 г; золотник примерно равен 4,266 г; карат равен 0,2 г

**Возможное решение.** Таракан поднимал от  $\frac{1}{2 \cdot 10}$  до  $\frac{1}{2 \cdot 9}$  унции, так как всего их было 1+8 или 1+9. Т.е. от 1,42 г до 1,58 г (округлено до сотых). Божья коровка подняла примерно 4,27 г, а муравей - больше 4,6 г. Таким образом, очевидно, что муравей выигрывает.

### Критерии оценивания.

- Таракан - от 1,42 г до 1,58 г 3 балла
- Коровка подняла примерно 4,27 г 2 балла
- Муравей - больше 4,6 г 1 балл
- Муравей выигрывает 4 балла

**Задача 2.** С помощью рисунка определите, за какое время Фиксик на мини-велосипеде проедет мимо лежащего на столе самореза, если 1 дюйм = 2,54 см. Фиксик движется с постоянной скоростью 2,5 км/ч. Ответ получите в секундах и округлите до сотых. Можно ли считать Фиксика на велосипеде материальной точкой?

Примечание. Материальная точка – тело, размерами которого в условиях данной задачи можно пренебречь.



**Возможное решение.** Из рисунка следует, что цена деления линейки  $\frac{25-22}{4 \cdot 4} = \frac{3}{16}$  дюйма  $\cong 0,48$  см. Длина самореза  $12 \cdot \frac{3}{16} \cdot 2,54 = 5,715$  см. Фиксика на велосипеде считать материальной точкой нельзя, поэтому учтём их размер. Длина велосипеда  $2,5 \cdot \frac{3}{16} \cdot 2,54 \cong 1,191$  см. Скорость Фиксика  $2,5 \frac{\text{км}}{\text{ч}} = 69,5$  см/с. Отсюда получаем время:

$$t = \frac{6,906}{69,5} = 0,10 \text{ с.}$$

### Критерии оценивания.

- Длина самореза 5,715 см 2 балла
- Фиксик на велосипеде - не материальная точка 2 балла
- Длина велосипеда 1,191 см 2 балла
- $1,5 \frac{\text{км}}{\text{ч}} = 41,7$  см/с 2 балла
- $t = 0,10$  с. 2 балла

**Задача 3.** Если заполнять бочку из красного шланга, по которому течёт горячая вода, то она наполнится за 35 минут. Если же наполнять её синим шлангом, по которому течёт

холодная вода, то бочка наполнится за 15 минут. За какое время наберётся бочка, если воспользоваться обоими шлангами?

**Возможное решение.** Если объём бочки равен  $V$ , то при использовании красного и синего шлангов скорость наполнения бочки составляет  $V/15+V/35$ . В данном случае размерность скорости – (единица объёма)/мин. Время заполнения бочки составит:

$$t = \frac{V}{\frac{V}{35} + \frac{V}{15}} = \frac{15 \cdot 35}{50} = 10,5 \text{ мин.}$$

**Критерии оценивания.**

- Скорость наполнения бочки в случае красного шланга:  $\frac{V}{15}$  2 балла
- Скорость наполнения бочки в случае синего шланга:  $\frac{V}{35}$  2 балла
- При использовании обоих шлангов:  $V/15+V/35$  2 балла
- $t = 10,5$  мин 4 балла

**Задача 4.** Два товарных поезда отправляются из Москвы в Санкт-Петербург с интервалом в 40 мин и едут с одинаковыми постоянными скоростями. Из Санкт-Петербурга в Москву с интервалом в 60 мин отправляются два рейсовых поезда, которые тоже едут с одинаковой постоянной скоростью. Машинист рейсового поезда заметил, что машинисты товарных поездов проехали мимо него с разницей в 15 мин. С каким интервалом проедут мимо машиниста товарного поезда машинисты рейсовых поездов?

**Возможное решение.** Пусть  $v_1$  – скорость товарных поездов,  $v_2$  – скорость рейсовых поездов. Тогда расстояние (вдоль железнодорожного полотна) между машинистами товарных поездов равно  $s_1 = v_1 t_1$ , где  $t_1 = 40$  мин, а расстояние между машинистами рейсовых поездов равно  $s_2 = v_2 t_2$ , где  $t_2 = 60$  мин. Скорость сближения товарного и рейсового поездов равна  $v_1 + v_2$ . Найдем соотношение между скоростями  $v_1$  и  $v_2$ :

$$s_1 = (v_1 + v_2)t_3 \Rightarrow 40v_1 = 15(v_1 + v_2) \Rightarrow (5/3)v_1 = v_2,$$

где  $t_3 = 15$  мин.

Ответ на искомый вопрос находится аналогичным образом:

$$s_2 = (v_1 + v_2)t \Rightarrow t = \frac{60v_2}{v_1+v_2} = 37,5 \text{ мин.}$$

**Критерии оценивания.**

- $s_1 = v_1 t_1$  1 балл
- $s_2 = v_2 t_2$  1 балл
- $v_1 + v_2$  – скорость сближения 2 балла
- $s_1 = (v_1 + v_2)t_3$  2 балла
- $v_1 = v_2$  1 балл
- $s_2 = (v_1 + v_2)t$  2 балла
- $t = 37,5$  мин 1 балл

## Вариант 6

**Задача 1.** Повстречались таракан, муравей и божья коровка. Начали спорить – кто из них более тяжелый груз может поднять? Таракан похвастался, что он однажды то ли с 11-ю, то ли с 12-ю своими братьями-близнецами поднял камень массой в пол-унции. На это божья коровка возразила, что она лишь с одной своей сестрицей подняла веточку в ползолотника, а муравей рассказал, как он тащил на себе бриллиант массой чуть больше, чем 10,5 карат. Можно ли по этим данным определить, кто из них может больше поднять? Унция (обычная) равна 28,35 г; золотник примерно равен 4,266 г; карат равен 0,2 г

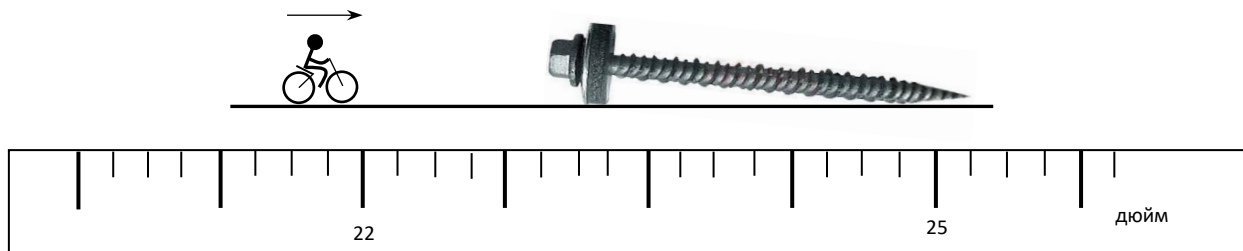
**Возможное решение.** Таракан поднимал от  $\frac{1}{2 \cdot 13}$  до  $\frac{1}{2 \cdot 12}$  унции, так как всего их было 1+11 или 1+12. Т.е. от 1,09 г до 1,18 г (округлено до сотых). Божья коровка подняла примерно 1,07 г, а муравей - больше 2,1 г. Таким образом, очевидно, муравей выиграет.

### Критерии оценивания.

- |                                   |         |
|-----------------------------------|---------|
| • Таракан - от 1,09 г до 1,18 г   | 3 балла |
| • Коровка подняла примерно 1,07 г | 2 балла |
| • Муравей - больше 2,1 г          | 1 балл  |
| • Муравей выигрывает              | 4 балла |

**Задача 2.** С помощью рисунка определите, за какое время Фиксик на мини-велосипеде проедет мимо лежащего на столе самореза, если 1 дюйм = 2,54 см. Фиксик движется с постоянной скоростью 3,5 км/ч. Ответ получите в секундах и округлите до сотых. Можно ли считать Фиксика на велосипеде материальной точкой?

Примечание. Материальная точка – тело, размерами которого в условиях данной задачи можно пренебречь.



**Возможное решение.** Из рисунка следует, что цена деления линейки  $\frac{25-22}{4 \cdot 4} = \frac{3}{16}$  дюйма  $\cong 0,48$  см. Длина самореза  $12 \cdot \frac{3}{16} \cdot 2,54 = 5,715$  см. Фиксика на велосипеде считать материальной точкой нельзя, поэтому учтём их размер. Длина велосипеда  $2,5 \cdot \frac{3}{16} \cdot 2,54 \cong 1,191$  см. Скорость Фиксика  $3,5 \frac{\text{км}}{\text{ч}} = 97,3$  см/с. Отсюда получаем время:

$$t = \frac{6,906}{97,3} = 0,07 \text{ с.}$$

### Критерии оценивания.

- |  |         |
|--|---------|
| • Длина самореза 5,715 см                      | 2 балла |
| • Фиксик на велосипеде - не материальная точка | 2 балла |
| • Длина велосипеда 1,191 см                    | 2 балла |
| • $3,5 \frac{\text{км}}{\text{ч}} = 97,3$ см/с | 2 балла |
| • $t = 0,07$ с.                                | 2 балла |

**Задача 3.** Если заполнять бочку из красного шланга, по которому течёт горячая вода, то она наполнится за 25 минут. Если же наполнять её синим шлангом, по которому течёт

холодная вода, то бочка наполнится за 15 минут. За какое время наберётся бочка, если воспользоваться обоими шлангами?

**Возможное решение.** Если объём бочки равен  $V$ , то при использовании красного и синего шлангов скорость наполнения бочки составляет  $V/15+V/25$ . В данном случае размерность скорости – (единица объёма)/мин. Время заполнения бочки составит:

$$t = \frac{V}{\frac{V}{25} + \frac{V}{15}} = \frac{15 \cdot 25}{40} = 9,375 \text{ мин.}$$

**Критерии оценивания.**

- Скорость наполнения бочки в случае красного шланга:  $\frac{V}{15}$  2 балла
- Скорость наполнения бочки в случае синего шланга:  $\frac{V}{25}$  2 балла
- При использовании обоих шлангов:  $V/15+V/25$  2 балла
- $t = 9,375$  мин 4 балла

**Задача 4.** Два товарных поезда отправляются из Москвы в Санкт-Петербург с интервалом в 60 мин и едут с одинаковыми постоянными скоростями. Из Санкт-Петербурга в Москву с интервалом в 80 мин отправляются два рейсовых поезда, которые тоже едут с одинаковой постоянной скоростью. Машинист рейсового поезда заметил, что машинисты товарных поездов проехали мимо него с разницей в 20 мин. С каким интервалом проедут мимо машиниста товарного поезда машинисты рейсовых поездов?

**Возможное решение.** Пусть  $v_1$  – скорость товарных поездов,  $v_2$  – скорость рейсовых поездов. Тогда расстояние (вдоль железнодорожного полотна) между машинистами товарных поездов равно  $s_1 = v_1 t_1$ , где  $t_1 = 60$  мин, а расстояние между машинистами рейсовых поездов равно  $s_2 = v_2 t_2$ , где  $t_2 = 80$  мин. Скорость сближения товарного и рейсового поездов равна  $v_1 + v_2$ . Найдем соотношение между скоростями  $v_1$  и  $v_2$ :

$$s_1 = (v_1 + v_2)t_3 \Rightarrow 60v_1 = 20(v_1 + v_2) \Rightarrow 2v_1 = v_2,$$

где  $t_3 = 20$  мин.

Ответ на искомый вопрос находится аналогичным образом:

$$s_2 = (v_1 + v_2)t \Rightarrow t = \frac{80v_2}{v_1 + v_2} = 53,3 \text{ мин.}$$

**Критерии оценивания.**

- $s_1 = v_1 t_1$  1 балл
- $s_2 = v_2 t_2$  1 балл
- $v_1 + v_2$  – скорость сближения 2 балла
- $s_1 = (v_1 + v_2)t_3$  2 балла
- $v_1 = v_2$  1 балл
- $s_2 = (v_1 + v_2)t$  2 балла
- $t = 53,3$  мин 1 балл

## Вариант 7

**Задача 1.** Повстречались таракан, муравей и божья коровка. Начали спорить – кто из них более тяжелый груз может поднять? Таракан похвастался, что он однажды то ли с 15-ю, то ли с 16-ю своими братьями-близнецами поднял камень массой в пол-унции. На это божья коровка возразила, что она лишь с одной своей сестрицей подняла веточку в целый золотник, а муравей рассказал, как он тащил на себе бриллиант массой чуть больше, чем 10,5 карат. Можно ли по этим данным определить, кто из них может больше поднять? Унция (обычная) равна 28,35 г; золотник примерно равен 4,266 г; карат равен 0,2 г

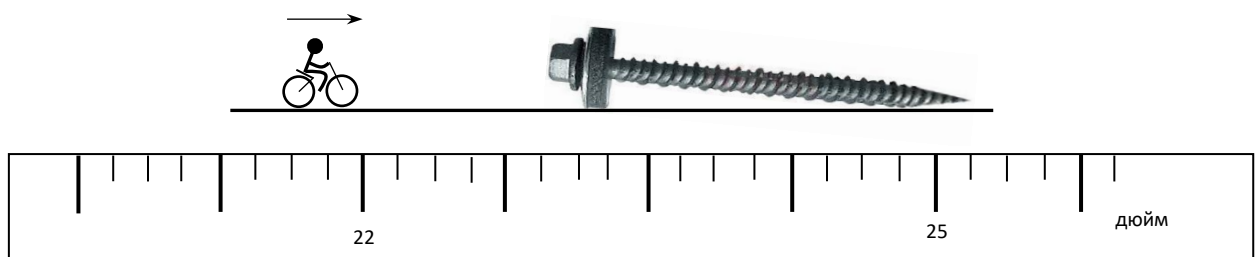
**Возможное решение.** Таракан поднимал от  $\frac{1}{2 \cdot 17}$  до  $\frac{1}{2 \cdot 16}$  унции, так как всего их было 1+15 или 1+16. Т.е. от 0,89 г до 0,95 г (округлено до сотых). Божья коровка подняла примерно 2,13 г, а муравей - больше 2,1 г, т.е. это могло бы быть, скажем, 2,15 г или 2,12 г. Таким образом, таракан зря хвастался, а в паре божья коровка и муравей «первым» мог оказаться каждый. Другими словами, точность определения массы грузов, поднятых букашками, на основе данных задачи недостаточна, чтобы дать однозначный ответ. Больше всех может поднять либо божья коровка, либо муравей.

### Критерии оценивания.

- |  |         |
|--|---------|
| • Таракан - от 0,89 г до 0,95 г                              | 3 балла |
| • Коровка подняла примерно 2,13 г                            | 2 балла |
| • Муравей - больше 2,1 г                                     | 1 балл  |
| • Однозначного ответа нет                                    | 3 балла |
| • Больше всех может поднять либо божья коровка, либо муравей | 1 балл  |

**Задача 2.** С помощью рисунка определите, за какое время Фиксик на мини-велосипеде проедет мимо лежащего на столе самореза, если 1 дюйм = 2,54 см. Фиксик движется с постоянной скоростью 4 км/ч. Ответ получите в секундах и округлите до сотых. Можно ли считать Фиксика на велосипеде материальной точкой?

Примечание. Материальная точка – тело, размерами которого в условиях данной задачи можно пренебречь.



**Возможное решение.** Из рисунка следует, что цена деления линейки  $\frac{25-22}{4 \cdot 4} = \frac{3}{16}$  дюйма  $\cong 0,48$  см. Длина самореза  $12 \cdot \frac{3}{16} \cdot 2,54 = 5,715$  см. Фиксика на велосипеде считать материальной точкой нельзя, поэтому учтём их размер. Длина велосипеда  $2,5 \cdot \frac{3}{16} \cdot 2,54 \cong 1,191$  см. Скорость Фиксика  $4 \frac{\text{км}}{\text{ч}} = 111,2$  см/с. Отсюда получаем время:

$$t = \frac{6,906}{111,2} = 0,06 \text{ с.}$$

### Критерии оценивания.

- |  |         |
|--|---------|
| • Длина самореза 5,715 см                      | 2 балла |
| • Фиксик на велосипеде - не материальная точка | 2 балла |
| • Длина велосипеда 1,191 см                    | 2 балла |

- $4 \frac{\text{км}}{\text{ч}} = 111,2 \text{ см/с}$  2 балла
- $t = 0,06 \text{ с.}$  2 балла

**Задача 3.** Если заполнять бочку из красного шланга, по которому течёт горячая вода, то она наполнится за 5 минут. Если же наполнять её синим шлангом, по которому течёт холодная вода, то бочка наполнится за 10 минут. За какое время наберётся бочка, если воспользоваться обоими шлангами?

**Возможное решение.** Если объём бочки равен  $V$ , то при использовании красного и синего шлангов скорость наполнения бочки составляет  $V/5+V/10$ . В данном случае размерность скорости – (единица объёма)/мин. Время заполнения бочки составит:

$$t = \frac{V}{\frac{V}{10} + \frac{V}{5}} = \frac{5 \cdot 10}{15} = 3,3 \text{ мин.}$$

**Критерии оценивания.**

- Скорость наполнения бочки в случае красного шланга:  $\frac{V}{5}$  2 балла
- Скорость наполнения бочки в случае синего шланга:  $\frac{V}{10}$  2 балла
- При использовании обоих шлангов:  $V/5+V/10$  2 балла
- $t = 3,3 \text{ мин}$  4 балла

**Задача 4.** Два товарных поезда отправляются из Москвы в Санкт-Петербург с интервалом в 20 мин и едут с одинаковыми постоянными скоростями. Из Санкт-Петербурга в Москву с интервалом в 80 мин отправляются два рейсовых поезда, которые тоже едут с одинаковой постоянной скоростью. Машинист рейсового поезда заметил, что машинисты товарных поездов проехали мимо него с разницей в 10 мин. С каким интервалом проедут мимо машиниста товарного поезда машинисты рейсовых поездов?

**Возможное решение.** Пусть  $v_1$  – скорость товарных поездов,  $v_2$  – скорость рейсовых поездов. Тогда расстояние (вдоль железнодорожного полотна) между машинистами товарных поездов равно  $s_1 = v_1 t_1$ , где  $t_1 = 20$  мин, а расстояние между машинистами рейсовых поездов равно  $s_2 = v_2 t_2$ , где  $t_2 = 80$  мин. Скорость сближения товарного и рейсового поездов равна  $v_1 + v_2$ . Найдем соотношение между скоростями  $v_1$  и  $v_2$ :

$$s_1 = (v_1 + v_2)t_3 \Rightarrow 20v_1 = 10(v_1 + v_2) \Rightarrow v_1 = v_2,$$

где  $t_3 = 10$  мин.

Ответ на искомый вопрос находится аналогичным образом:

$$s_2 = (v_1 + v_2)t \Rightarrow t = \frac{80v_2}{v_1+v_2} = 40 \text{ мин.}$$

**Критерии оценивания.**

- $s_1 = v_1 t_1$  1 балл
- $s_2 = v_2 t_2$  1 балл
- $v_1 + v_2$  – скорость сближения 2 балла
- $s_1 = (v_1 + v_2)t_3$  2 балла
- $v_1 = v_2$  1 балл
- $s_2 = (v_1 + v_2)t$  2 балла
- $t = 40 \text{ мин}$  1 балл